

Приложение
к основной образовательной программе
среднего общего образования
(приказ от 31.09.2023 №70)

Управление образования Артемовского городского округа
Муниципальное автономное общеобразовательное учреждение
Артемовского городского округа «Средняя общеобразовательная школа № 56
с углубленным изучением отдельных предметов» (МАОУ СОШ №56)

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 2092381)

учебного предмета «Геометрия. Углубленный уровень»

для обучающихся 10 – 11 классов

Артемовский, 2023 год

Рабочая программа ориентирована на целевые приоритеты, сформулированные в федеральной рабочей программе воспитания и в рабочей программе воспитания МАОУ СОШ №56

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед, построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

Многогранники

Виды многогранников, развёртка многогранника. Призма: n-угольная призма, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы.

Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида: n -угольная пирамида, правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.

Векторы и координаты в пространстве

Понятия: вектор в пространстве, нулевой вектор, длина ненулевого вектора, векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов, сумма нескольких векторов, умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некомпланарным векторам. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами вектора и координатами точек. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.

11 КЛАСС

Тела вращения

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара.

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и

наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента.

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения.

Площадь поверхности цилиндра, конуса, площадь сферы и её частей. Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара, методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

Векторы и координаты в пространстве

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

Движения в пространстве

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданское воспитание:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотическое воспитание:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственное воспитание:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетическое воспитание:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физическое воспитание:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудовое воспитание:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и

самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологическое воспитание:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу **10 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений;
- применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач;
- классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве, плоскостей в пространстве, прямых и плоскостей в пространстве;
- свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве, между прямой и плоскостью;
- свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками;

- свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);
- классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации;
- свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью;
- выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость, выполнять изображения фигур на плоскости;
- строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;
- вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры;
- свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве;
- выполнять действия над векторами;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности;
- применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;
- оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;
- распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;
- классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;
- вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;
- вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;
- изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;
- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- свободно оперировать понятием вектор в пространстве;
- выполнять операции над векторами;
- задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;
- решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;
- свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;
- выполнять изображения многогранников и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;
- строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара;
- использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;

- доказывать геометрические утверждения;
- применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;
- применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Введение в стереометрию	23	1	https://resh.edu.ru/subject/17/
2	Взаимное расположение прямых в пространстве	6	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/6065/start/125651/
3	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве	8		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6129/start/131672/
4	Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве	25		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4724/start/
5	Углы и расстояния	16	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/6063/start/
6	Многогранники	7	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/6018/start/
7	Векторы в пространстве	12		https://resh.edu.ru/subject/17/
8	Повторение, обобщение и систематизация знаний	5	2	https://resh.edu.ru/subject/17/
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Аналитическая геометрия	15	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4756/start/
2	Повторение, обобщение и систематизация знаний	15	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4756/start/
3	Объём многогранника	17	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4904/start/
4	Тела вращения	24	1	https://resh.edu.ru/subject/17/
5	Площади поверхности и объёмы круглых тел	9	1	https://resh.edu.ru/subject/17/
6	Движения	5	1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/2035/start/
7	Повторение, обобщение и систематизация знаний	17	2	https://resh.edu.ru/subject/17/
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	8	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1		https://resh.edu.ru/
2	Понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1		https://resh.edu.ru/
3	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1		https://resh.edu.ru/
4	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1		https://resh.edu.ru/
5	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1		https://resh.edu.ru/
6	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1		https://resh.edu.ru/
7	Аксиомы стереометрии и первые	1		https://resh.edu.ru/

	следствия из них			
8	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1		https://resh.edu.ru/
9	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них. Способы задания прямых и плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей	1		https://resh.edu.ru/
10	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1		https://resh.edu.ru/
11	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1		https://resh.edu.ru/
12	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1		https://resh.edu.ru/
13	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1		https://resh.edu.ru/
14	Метод следов для построения сечений	1		https://resh.edu.ru/

15	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1		https://resh.edu.ru/
16	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1		https://resh.edu.ru/
17	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1		https://resh.edu.ru/
18	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1		https://resh.edu.ru/
19	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1		https://resh.edu.ru/
20	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1		https://resh.edu.ru/
21	Повторение планиметрии: Теорема о пропорциональных отрезках. Подобие треугольников	1		https://resh.edu.ru/
22	Повторение планиметрии: Теорема Менелая. Расчеты в сечениях на выносных чертежах. История развития планиметрии и стереометрии	1		https://resh.edu.ru/

23	Контрольная работа "Аксиомы стереометрии. Сечения"	1	1	
24	Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельные прямые в пространстве	1		https://resh.edu.ru/
25	Теорема о существовании и единственности прямой параллельной данной прямой, проходящей через точку пространства и не лежащей на данной прямой. Лемма о пересечении параллельных прямых плоскостью	1		https://resh.edu.ru/
26	Параллельность трех прямых. Теорема о трёх параллельных прямых. Теорема о скрещивающихся прямых	1		https://resh.edu.ru/
27	Параллельное проектирование. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение разных фигур в параллельной проекции	1		https://resh.edu.ru/
28	Центральная проекция. Угол с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми	1		https://resh.edu.ru/
29	Задачи на доказательство и исследование, связанные с расположением прямых в пространстве	1		https://resh.edu.ru/
30	Понятия: параллельность прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и	1		https://resh.edu.ru/

	плоскости			
31	Геометрические задачи на вычисление и доказательство, связанные с параллельностью прямых и плоскостей в пространстве	1		https://resh.edu.ru/
32	Построение сечения, проходящего через данную прямую на чертеже и параллельного другой прямой. Расчёт отношений	1		https://resh.edu.ru/
33	Параллельная проекция, применение для построения сечений куба и параллелепипеда. Свойства параллелепипеда и призмы	1		https://resh.edu.ru/
34	Параллельные плоскости. Признаки параллельности двух плоскостей	1		https://resh.edu.ru/
35	Теорема о параллельности и единственности плоскости, проходящей через точку, не принадлежащую данной плоскости и следствия из неё	1		https://resh.edu.ru/
36	Свойства параллельных плоскостей: о параллельности прямых пересечения при пересечении двух параллельных плоскостей третьей	1		https://resh.edu.ru/
37	Свойства параллельных плоскостей: об отрезках параллельных прямых, заключённых между параллельными плоскостями; о пересечении прямой с двумя параллельными плоскостями	1		https://resh.edu.ru/

38	Повторение: теорема Пифагора на плоскости	1		https://resh.edu.ru/
39	Повторение: тригонометрия прямоугольного треугольника	1		https://resh.edu.ru/
40	Свойства куба и прямоугольного параллелепипеда	1		https://resh.edu.ru/
41	Вычисление длин отрезков в кубе и прямоугольном параллелепипеде	1		https://resh.edu.ru/
42	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1		https://resh.edu.ru/
43	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1		https://resh.edu.ru/
44	Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости	1		https://resh.edu.ru/
45	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1		https://resh.edu.ru/
46	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1		https://resh.edu.ru/
47	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1		https://resh.edu.ru/
48	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1		https://resh.edu.ru/
49	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1		https://resh.edu.ru/

50	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1		https://resh.edu.ru/
51	Угол между скрещивающимися прямыми	1		https://resh.edu.ru/
52	Поиск перпендикулярных прямых с помощью перпендикулярных плоскостей	1		https://resh.edu.ru/
53	Ортогональное проектирование	1		https://resh.edu.ru/
54	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1		https://resh.edu.ru/
55	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1		https://resh.edu.ru/
56	Симметрия в пространстве относительно плоскости. Плоскости симметрий в многогранниках	1		https://resh.edu.ru/
57	Признак перпендикулярности прямой и плоскости как следствие симметрии	1		https://resh.edu.ru/
58	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1		https://resh.edu.ru/
59	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1		https://resh.edu.ru/
60	Способы опустить перпендикуляры: симметрия, сдвиг точки по параллельной прямой	1		https://resh.edu.ru/
61	Сдвиг по непараллельной прямой, изменение расстояний	1		https://resh.edu.ru/
62	Контрольная работа "Взаимное	1	1	

	расположение прямых и плоскостей в пространстве"			
63	Повторение: угол между прямыми на плоскости, тригонометрия в произвольном треугольнике, теорема косинусов	1		https://resh.edu.ru/
64	Повторение: угол между скрещивающимися прямыми в пространстве	1		https://resh.edu.ru/
65	Геометрические методы вычисления угла между прямыми в многогранниках	1		https://resh.edu.ru/
66	Двугранный угол. Свойство линейных углов двугранного угла	1		https://resh.edu.ru/
67	Перпендикулярные плоскости. Свойства взаимно перпендикулярных плоскостей	1		https://resh.edu.ru/
68	Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости	1		https://resh.edu.ru/
69	Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда	1		https://resh.edu.ru/
70	Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и следствие из неё	1		https://resh.edu.ru/
71	Стереометрические и прикладные задачи, связанные со взаимным расположением прямых и плоскости	1		https://resh.edu.ru/
72	Повторение: скрещивающиеся прямые,	1		https://resh.edu.ru/

	параллельные плоскости в стандартных многогранниках			
73	Пара параллельных плоскостей на скрещивающихся прямых, расстояние между скрещивающимися прямыми в простых ситуациях	1		https://resh.edu.ru/
74	Расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1		https://resh.edu.ru/
75	Вычисление расстояний между скрещивающимися прямыми с помощью перпендикулярной плоскости	1		https://resh.edu.ru/
76	Трёхгранный угол, неравенства для трехгранных углов. Теорема Пифагора, теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла	1		https://resh.edu.ru/
77	Элементы сферической геометрии: геодезические линии на Земле	1		https://resh.edu.ru/
78	Контрольная работа "Углы и расстояния"	1	1	
79	Систематизация знаний "Многогранник и его элементы"	1		https://resh.edu.ru/
80	Пирамида. Виды пирамид. Правильная пирамида	1		https://resh.edu.ru/
81	Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма	1		https://resh.edu.ru/
82	Прямой параллелепипед, прямоугольный параллелепипед, куб	1		https://resh.edu.ru/
83	Выпуклые многогранники. Теорема	1		https://resh.edu.ru/

	Эйлера			
84	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Правильные и полуправильные многогранники	1		https://resh.edu.ru/
85	Контрольная работа "Многогранники"	1	1	
86	Понятие вектора на плоскости и в пространстве	1		https://resh.edu.ru/
87	Сумма векторов	1		https://resh.edu.ru/
88	Разность векторов	1		https://resh.edu.ru/
89	Правило параллелепипеда	1		https://resh.edu.ru/
90	Умножение вектора на число	1		https://resh.edu.ru/
91	Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости	1		https://resh.edu.ru/
92	Скалярное произведение	1		https://resh.edu.ru/
93	Вычисление угла между векторами в пространстве	1		https://resh.edu.ru/
94	Простейшие задачи с векторами	1		https://resh.edu.ru/
95	Простейшие задачи с векторами	1		https://resh.edu.ru/
96	Простейшие задачи с векторами	1		https://resh.edu.ru/
97	Обобщение и систематизация знаний	1		https://resh.edu.ru/
98	Итоговая контрольная работа	1	1	
99	Итоговая контрольная работа	1	1	
100	Резерв	1		https://resh.edu.ru/
101	Резерв	1		https://resh.edu.ru/
102	Резерв	1		https://resh.edu.ru/
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Повторение темы "Координаты вектора на плоскости и в пространстве"	1		https://resh.edu.ru/
2	Повторение темы "Скалярное произведение векторов"	1		https://resh.edu.ru/
3	Повторение темы "Вычисление угла между векторами в пространстве"	1		https://resh.edu.ru/
4	Повторение темы "Уравнение прямой, проходящей через две точки"	1		https://resh.edu.ru/
5	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1		https://resh.edu.ru/
6	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1		https://resh.edu.ru/
7	Векторное произведение	1		https://resh.edu.ru/
8	Линейные неравенства, линейное программирование	1		https://resh.edu.ru/
9	Линейные неравенства, линейное программирование	1		https://resh.edu.ru/
10	Аналитические методы расчёта угла между прямыми в многогранниках	1		https://resh.edu.ru/
11	Аналитические методы расчёта угла между плоскостями в многогранниках	1		https://resh.edu.ru/
12	Формула расстояния от точки до	1		https://resh.edu.ru/

	плоскости в координатах			
13	Нахождение расстояний от точки до плоскости в кубе	1		https://resh.edu.ru/
14	Нахождение расстояний от точки до плоскости в правильной пирамиде	1		https://resh.edu.ru/
15	Контрольная работа "Аналитическая геометрия"	1	1	https://resh.edu.ru/
16	Сечения многогранников: стандартные многогранники	1		https://resh.edu.ru/
17	Сечения многогранников: метод следов	1		https://resh.edu.ru/
18	Сечения многогранников: стандартные плоскости, пересечения прямых и плоскостей	1		https://resh.edu.ru/
19	Параллельные прямые и плоскости: параллельные сечения	1		https://resh.edu.ru/
20	Параллельные прямые и плоскости: расчёт отношений	1		https://resh.edu.ru/
21	Параллельные прямые и плоскости: углы между скрещивающимися прямыми	1		https://resh.edu.ru/
22	Перпендикулярные прямые и плоскости: стандартные пары перпендикулярных плоскостей и прямых, симметрии многогранников	1		https://resh.edu.ru/
23	Перпендикулярные прямые и плоскости: теорема о трех перпендикулярах	1		https://resh.edu.ru/
24	Перпендикулярные прямые и	1		https://resh.edu.ru/

	плоскости: вычисления длин в многогранниках			
25	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1		https://resh.edu.ru/
26	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1		https://resh.edu.ru/
27	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1		https://resh.edu.ru/
28	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1		https://resh.edu.ru/
29	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1		https://resh.edu.ru/
30	Контрольная работа "Повторение: многогранники, сечения многогранников"	1	1	
31	Объём тела. Объем прямоугольного параллелепипеда	1		https://resh.edu.ru/
32	Задачи об удвоении куба, о квадратуре куба; о трисекции угла	1		https://resh.edu.ru/
33	Стереометрические задачи, связанные с объёмом прямоугольного параллелепипеда	1		
34	Прикладные задачи, связанные с	1		https://resh.edu.ru/

	вычислением объёма прямоугольного параллелепипеда			
35	Объём прямой призмы	1		https://resh.edu.ru/
36	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов прямой призмы	1		https://resh.edu.ru/
37	Прикладные задачи, связанные с объёмом прямой призмы	1		https://resh.edu.ru/
38	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём наклонной призмы	1		https://resh.edu.ru/
39	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём пирамиды	1		https://resh.edu.ru/
40	Формула объёма пирамиды. Отношение объёмов пирамид с общим углом	1		https://resh.edu.ru/
41	Формула объёма пирамиды. Отношение объёмов пирамид с общим углом	1		https://resh.edu.ru/
42	Стереометрические задачи, связанные с объёмами наклонной призмы	1		https://resh.edu.ru/
43	Стереометрические задачи, связанные с объёмами пирамиды	1		https://resh.edu.ru/
44	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом наклонной призмы	1		https://resh.edu.ru/
45	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом пирамиды	1		https://resh.edu.ru/
46	Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости	1		https://resh.edu.ru/

47	Контрольная работа "Объём многогранника"	1	1	
48	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности	1		https://resh.edu.ru/
49	Цилиндр. Прямой круговой цилиндр. Площадь поверхности цилиндра	1		https://resh.edu.ru/
50	Коническая поверхность, образующие конической поверхности. Конус	1		https://resh.edu.ru/
51	Сечение конуса плоскостью, параллельной плоскости основания	1		https://resh.edu.ru/
52	Усечённый конус. Изображение конусов и усечённых конусов	1		https://resh.edu.ru/
53	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1		https://resh.edu.ru/
54	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1		https://resh.edu.ru/
55	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1		https://resh.edu.ru/
56	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1		https://resh.edu.ru/
57	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1		https://resh.edu.ru/
58	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1		https://resh.edu.ru/
59	Сфера и шар	1		https://resh.edu.ru/

60	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1		https://resh.edu.ru/
61	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1		https://resh.edu.ru/
62	Уравнение сферы. Площадь сферы и её частей	1		https://resh.edu.ru/
63	Симметрия сферы и шара	1		https://resh.edu.ru/
64	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1		https://resh.edu.ru/
65	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1		https://resh.edu.ru/
66	Прикладные задачи, связанные со сферой и шаром	1		https://resh.edu.ru/
67	Повторение: окружность на плоскости, вычисления в окружности, стандартные подоби	1		https://resh.edu.ru/
68	Различные комбинации тел вращения и многогранников	1		https://resh.edu.ru/
69	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1		https://resh.edu.ru/
70	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1		https://resh.edu.ru/

71	Контрольная работа "Тела и поверхности вращения"	1	1	
72	Объём цилиндра. Теорема об объёме прямого цилиндра	1		
73	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём конуса	1		
74	Площади боковой и полной поверхности конуса	1		
75	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов цилиндра, конуса	1		
76	Прикладные задачи по теме "Объёмы и площади поверхностей тел"	1		
77	Объём шара и шарового сектора. Теорема об объёме шара. Площадь сферы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов шара, шарового сегмента и шарового сектора	1		
78	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом шара и площадью сферы. Соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел	1		
79	Подобные тела в пространстве. Изменение объёма при подобии. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов тел и площадей поверхностей	1		

80	Контрольная работа "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1	1	
81	Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений	1		https://resh.edu.ru/
82	Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой	1		https://resh.edu.ru/
83	Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера	1		https://resh.edu.ru/
84	Геометрические задачи на применение движения	1		https://resh.edu.ru/
85	Контрольная работа "Векторы в пространстве"	1	1	
86	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Параллельность прямых и плоскостей в пространстве"	1		https://resh.edu.ru/
87	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1		https://resh.edu.ru/
88	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1		https://resh.edu.ru/
89	Обобщающее повторение 11 понятий и	1		https://resh.edu.ru/

	методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"			
90	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1		https://resh.edu.ru/
91	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1		https://resh.edu.ru/
92	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1		https://resh.edu.ru/
93	Итоговая контрольная работа	1	1	
94	Итоговая контрольная работа	1	1	
95	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1		https://resh.edu.ru/
96	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		https://resh.edu.ru/
97	Резерв	1		https://resh.edu.ru/
98	Резерв	1		https://resh.edu.ru/
99	Резерв	1		https://resh.edu.ru/
100	Резерв	1		https://resh.edu.ru/
101	Резерв	1		https://resh.edu.ru/

102	Резерв	1		https://resh.edu.ru/
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	8	

**ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН
ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ**

СВЕДЕНИЯ О СЕРТИФИКАТЕ ЭП

Сертификат 646116746743375933883833707902081325236681597482

Владелец Новокрещенова Татьяна Николаевна

Действителен с 22.02.2023 по 22.02.2024